

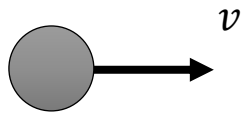
電験二種 オンライン講座

二種理論 電子の運動

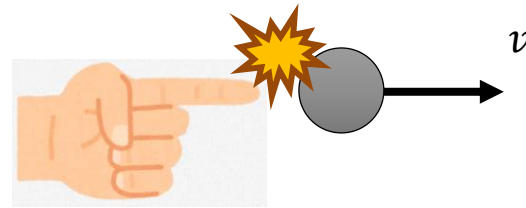
物体を加速させるとは

速度 v [m/s] で進む物体が加速するには、**物体に力を加える** 必要がある

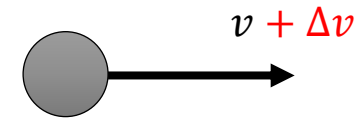
速度 v [m/s] で進む物体



物体に力を加える

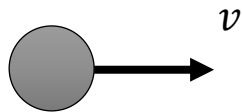


物体の速度が上昇する

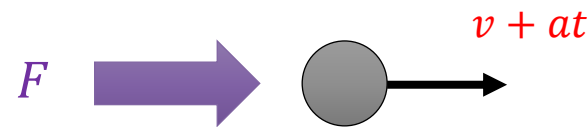


速度 v [m/s] で進む物体が**加速し続ける**には、**物体に力を加える続ける** 必要がある

速度 v [m/s] で進む物体



物体に力を加え続ける



物体に加速度 a を生じる

力と加速度の関係を表す式
→ **運動方程式**

$$F = ma$$

F : 物体に加わる力 [N]

m : 物体の質量 [kg]

a : 物体に生じる加速度 [m/s²]

運動方程式

運動方程式とは
物体に作用する力により生じる物体の運動を表す式

$$F = ma \quad F \text{ [N] : 力} \quad m \text{ [kg] : 質量} \quad a \text{ [m/s}^2\text{] : 加速度}$$

<色々な力>

重力： mg

クーロン力：

$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon r^2} = q_1 E$$

$$F = \frac{m_1 m_2}{4\pi\mu r^2}$$

電磁力 (※)

$$F = I \times B \Delta l = qv \times B$$

※電磁力は回転運動を表す

- ・ 加速度をもとに、速度、位置（運動の軌道）、時間を導出することができる
- ・ 力がゼロ ($F = 0$) は物体の静止または等速直線運動

$$a = \frac{F}{m} \quad \Rightarrow \quad v = at + v_0 \quad \Rightarrow \quad x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$$

v : 速度

x : 位置

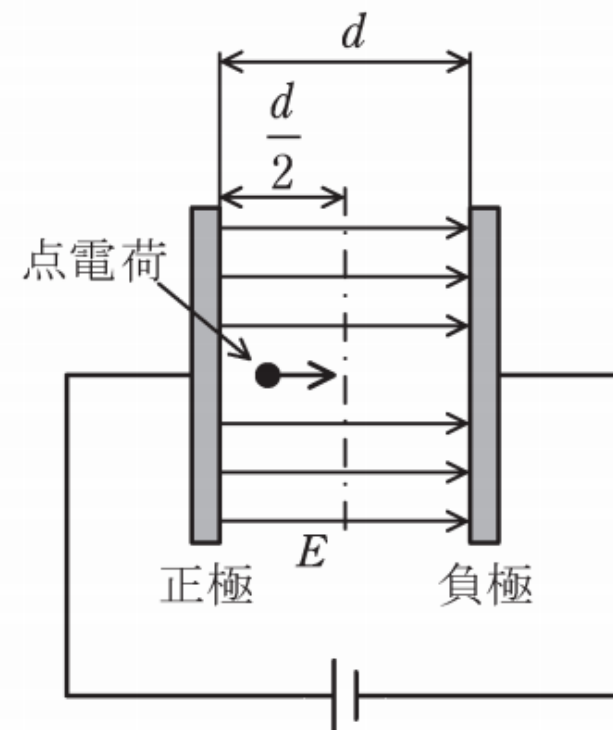
v_0 : 初速度

x_0 : 初期位置

三種 RO I 問 12

問 12 図のように、極板間の距離 d [m] の平行板導体が真空中に置かれ、極板間に強さ E [V/m] の一様な電界が生じている。質量 m [kg]、電荷量 $q(>0)$ [C] の点電荷が正極から放出されてから、極板間の中心 $\frac{d}{2}$ [m] に達するまでの時間 t [s] を表す式として、正しいものを次の(1)～(5)のうちから一つ選べ。

ただし、点電荷の速度は光速より十分小さく、初速度は 0 m/s とする。また、重力の影響は無視できるものとし、平行板導体は十分大きいものとする。



- (1) $\sqrt{\frac{md}{qE}}$ (2) $\sqrt{\frac{2md}{qE}}$ (3) $\sqrt{\frac{qEd}{m}}$ (4) $\sqrt{\frac{qE}{md}}$ (5) $\sqrt{\frac{2qE}{md}}$

三種 R01 問12

問 12 図のように、極板間の距離 d [m] の平行板導体が真空中に置かれ、極板間に強さ E [V/m] の一様な電界が生じている。質量 m [kg]、電荷量 $q(>0)$ [C] の点電荷が正極から放出されてから、極板間の中心 $\frac{d}{2}$ [m] に達するまでの時間 t [s] を表す式として、正しいものを次の(1)～(5)のうちから一つ選べ。

ただし、点電荷の速度は光速より十分小さく、初速度は 0 m/s とする。また、重力の影響は無視できるものとし、平行板導体は十分大きいものとする。

クーロン力

$$F = qE$$

$$F = qE$$

$$F = ma$$

運動方程式

$$F = ma$$

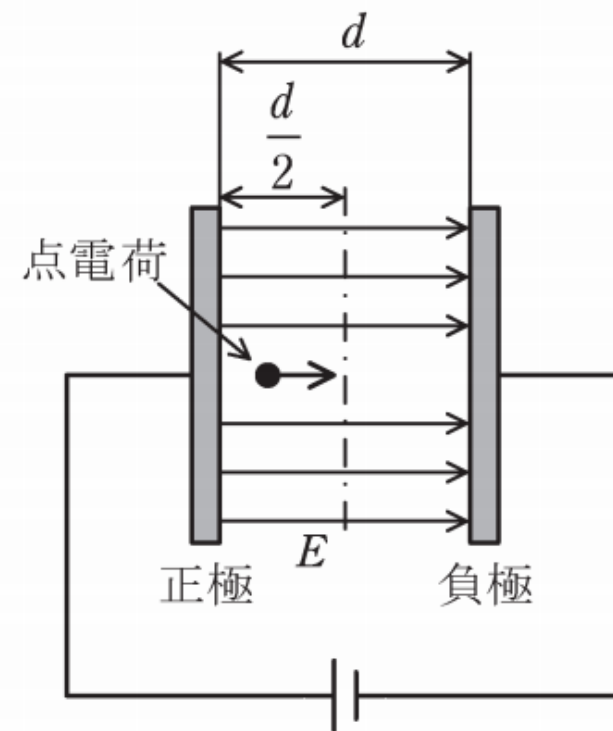
$$\rightarrow qE = ma \rightarrow a = \frac{qE}{m}$$

位置と時間の関係

$$x = \frac{1}{2}at^2$$

$$x = \frac{1}{2}at^2 \rightarrow \frac{d}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{qE}{m} \times t^2 \rightarrow t = \sqrt{\frac{md}{qE}}$$

- (1) $\sqrt{\frac{md}{qE}}$ (2) $\sqrt{\frac{2md}{qE}}$ (3) $\sqrt{\frac{qEd}{m}}$ (4) $\sqrt{\frac{qE}{md}}$ (5) $\sqrt{\frac{2qE}{md}}$

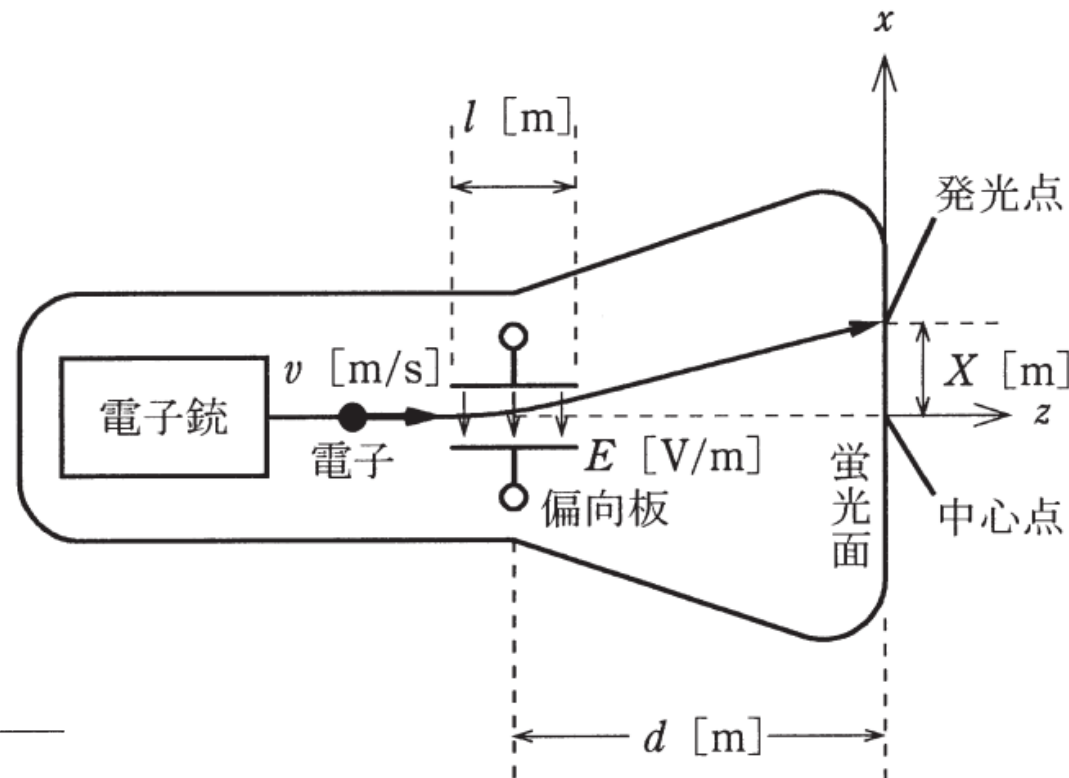


三種 H27 問12

問12 ブラウン管は電子銃、偏向板、蛍光面などから構成される真空管であり、オシロスコープの表示装置として用いられる。図のように、電荷 $-e$ [C] をもつ電子が電子銃から一定の速度 v [m/s] で z 軸に沿って発射される。電子は偏向板の中を通過する間、 x 軸に平行な平等電界 E [V/m] から静電力 $-eE$ [N] を受け、 x 方向の速度成分 u [m/s] を与えられ進路を曲げられる。偏向板を通過後の電子は z 軸と $\tan \theta = \frac{u}{v}$ なる角度 θ をなす方向に直進して蛍光面に当たり、その点を発光させる。このとき発光する点は蛍光面の中心点から x 方向に距離 X [m] だけシフトした点となる。

u と X を表す式の組合せとして、正しいものを次の(1)～(5)のうちから一つ選べ。

ただし、電子の静止質量を m [kg]、偏向板の z 方向の大きさを l [m]、偏向板の中心から蛍光面までの距離を d [m] とし、 $l \ll d$ と仮定してよい。また、速度 v は光速に比べて十分小さいものとする。



	u	X		u	X
(1)	$\frac{eE}{mv}$	$\frac{2eldE}{mv^2}$	(4)	$\frac{eE^2}{mv^2}$	$\frac{eldE}{mv}$
(2)	$\frac{eE^2}{mv}$	$\frac{2eldE}{mv^2}$	(5)	$\frac{eE}{mv}$	$\frac{eldE}{mv^2}$
(3)	$\frac{eE}{mv^2}$	$\frac{eldE^2}{mv}$			

三種 H27 問12

x 方向の速度 v_x を求める

$$F_x = ma_x = eE$$

$$a_x = \frac{eE}{m} \rightarrow v_x = u = a_x t_0 = \frac{eE}{m} t_0$$

t_0 はクーロン力 F_x が発生している時間であり、
偏向板を通過している時間なので、

$$t_0 = \frac{l}{v_z} = \frac{l}{v}$$

$$\therefore u = \frac{elE}{mv}$$

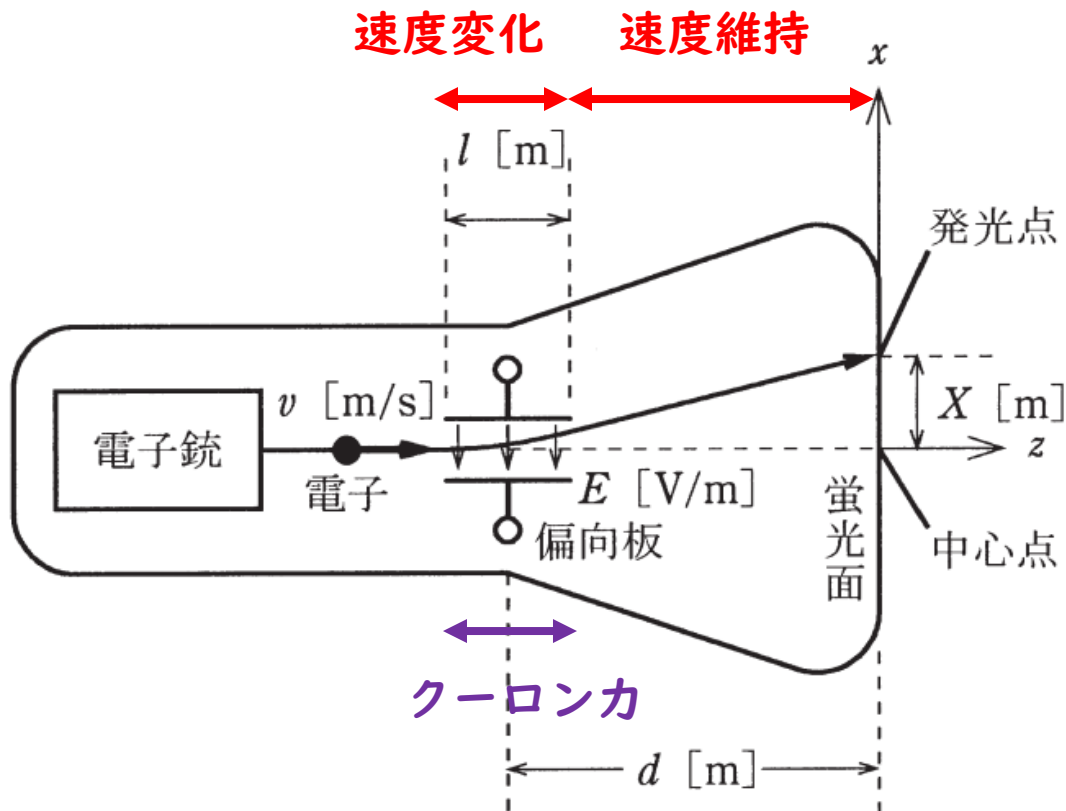
偏向板から蛍光面までの距離を d とし、 z 方向
の速度 v より蛍光面に衝突するまでの時間 t_1 は

$$t_1 = \frac{d}{v_z} = \frac{d}{v}$$

x 方向へのずれ X は、

$$X = v_x t_1 = u t_1 = \frac{elE}{mv} \times \frac{d}{v}$$

$$\therefore X = \frac{eldE}{mv^2}$$



力がかかっていないときの物体の運動は

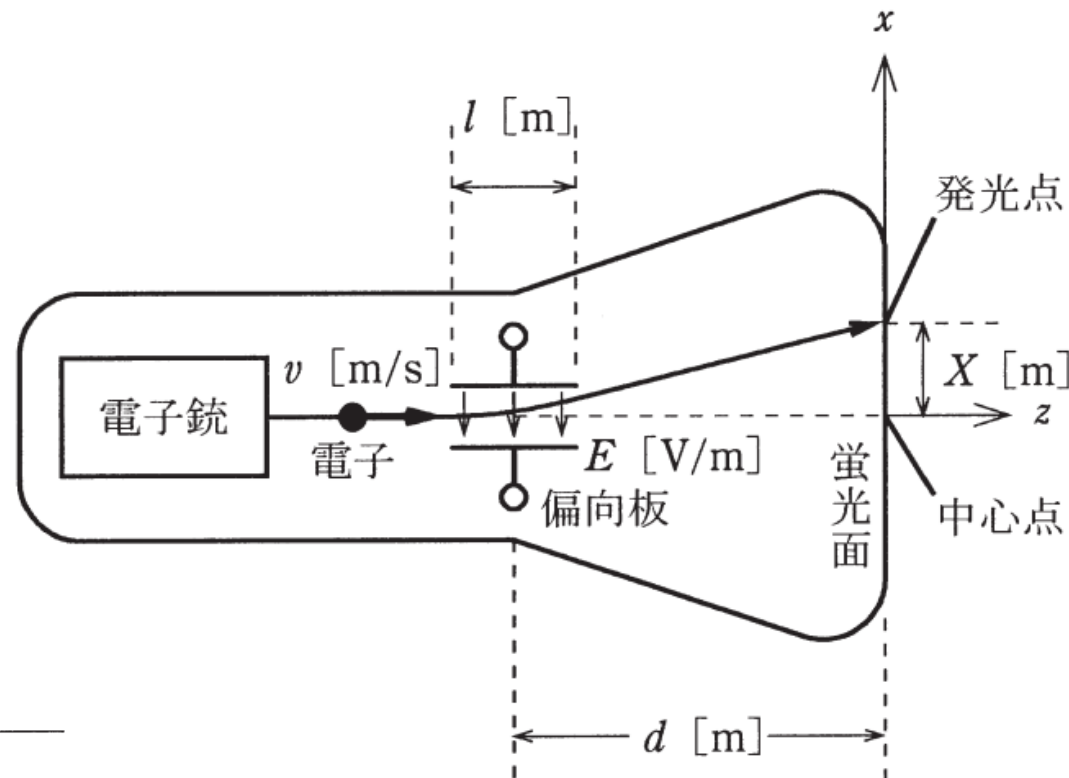
- ・ 等速直線運動
 - ・ 静止
- のどちらか

三種 H27 問12

問12 ブラウン管は電子銃、偏向板、蛍光面などから構成される真空管であり、オシロスコープの表示装置として用いられる。図のように、電荷 $-e$ [C] をもつ電子が電子銃から一定の速度 v [m/s] で z 軸に沿って発射される。電子は偏向板の中を通過する間、 x 軸に平行な平等電界 E [V/m] から静電力 $-eE$ [N] を受け、 x 方向の速度成分 u [m/s] を与えられ進路を曲げられる。偏向板を通過後の電子は z 軸と $\tan \theta = \frac{u}{v}$ なる角度 θ をなす方向に直進して蛍光面に当たり、その点を発光させる。このとき発光する点は蛍光面の中心点から x 方向に距離 X [m] だけシフトした点となる。

u と X を表す式の組合せとして、正しいものを次の(1)～(5)のうちから一つ選べ。

ただし、電子の静止質量を m [kg]、偏向板の z 方向の大きさを l [m]、偏向板の中心から蛍光面までの距離を d [m] とし、 $l \ll d$ と仮定してよい。また、速度 v は光速に比べて十分小さいものとする。

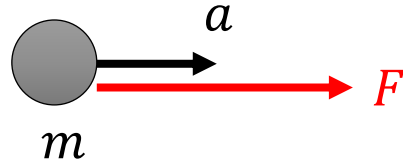


	u	X		u	X
(1)	$\frac{eE}{mv}$	$\frac{2eldE}{mv^2}$	(4)	$\frac{eE^2}{mv^2}$	$\frac{eldE}{mv}$
(2)	$\frac{eE^2}{mv}$	$\frac{2eldE}{mv^2}$	(5)	$\frac{eE}{mv}$	$\frac{eldE}{mv^2}$
(3)	$\frac{eE}{mv^2}$	$\frac{eldE^2}{mv}$			

運動方程式

運動方程式：加速度 a [m/s²]で進む質量 m [kg]の物体がもつ力 F [N]

$$F = ma$$



$$F = m \frac{d^2x}{dt^2}$$

$$a = \frac{d^2x}{dt^2}$$

加速度：距離を時間で2階微分

$$F = m \frac{dv}{dt}$$

$$v = \frac{dx}{dt}$$

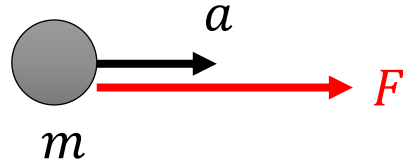
速度：距離を時間で微分

物体の運動は時間を含む微分の式で表すことができる→微分方程式という

運動方程式と物体の運動

運動方程式：加速度 a [m/s²]で進む質量 m [kg]の物体がもつ力 F [N]

$$F = ma$$



運動方程式：加速度 a [m/s²]で進む質量 m [kg]の物体について考える
(初速度 $v_0 = 0$ 、初期位置 $x_0 = 0$ とする)

$$F = m \frac{d^2x}{dt^2} = ma \rightarrow \frac{d^2x}{dt^2} = a$$

$$v = \frac{dx}{dt} = \int_0^t a dt = at + \underline{C}$$

積分定数

$t = 0$ で $v_0 = 0$ なので

$$0 = a \times 0 + C \rightarrow C = 0$$

$$v = at$$

$$x = \int_0^t v dt = \int_0^t at dt = \frac{1}{2}at^2 + \underline{C_1}$$

積分定数

$t = 0$ で $x_0 = 0$ なので

$$0 = \frac{1}{2}a \times 0^2 + C_1 \rightarrow C_1 = 0 \quad x = \frac{1}{2}at^2$$

運動方程式と物体の運動

運動方程式：加速度 a [m/s²]で進む質量 m [kg]の物体について考える
(初速度 v_0 、初期位置 x_0 とする)

$$F = m \frac{d^2x}{dt^2} = ma \rightarrow \frac{d^2x}{dt^2} = a \quad t = 0 \text{で} v_0 \text{なので}$$

$$v = \frac{dx}{dt} = \int_0^t a dt = at + \underline{C}$$

積分定数

$$v_0 = a \times 0 + C \rightarrow C = v_0$$

$$v = at + v_0$$

$$x = \int_0^t v dt = \int_0^t at + v_0 dt = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + \underline{C_1}$$

積分定数

$t = 0$ で x_0 なので

$$x_0 = \frac{1}{2}a \times 0^2 + v_0 \times 0 + C_1 \\ \rightarrow C_1 = x_0$$

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$$

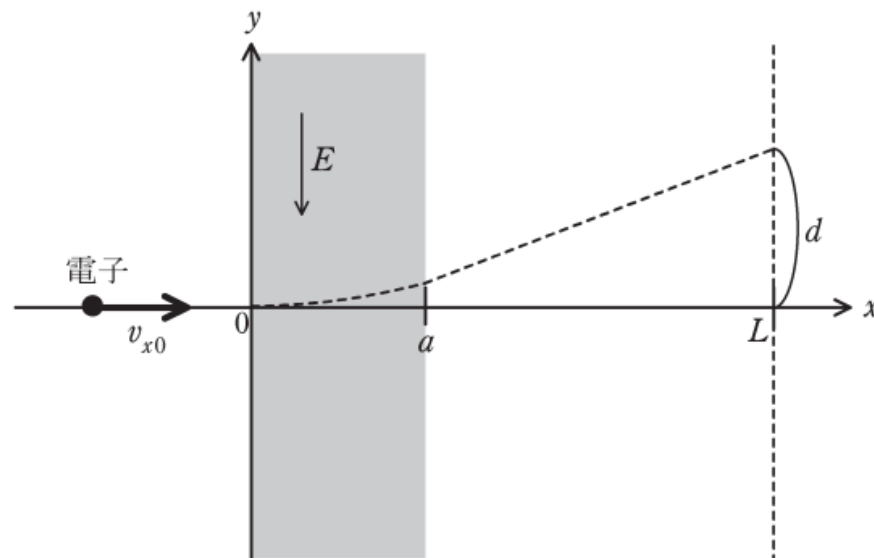
R03 問6



問6 次の文章は、静電界による電子の運動に関する記述である。文中の に当てはまる最も適切なものを解答群の中から選べ。

図のように、真空中を電子(質量 m 、電荷量 $-e$ 、 $e > 0$)が x 軸上を $x < 0$ の領域から一定速度 $v_{x0} (> 0)$ で運動している。領域 $0 \leq x \leq a$ には、図に示すように y 軸の負の方向に均一な電界 $E (> 0)$ がかかっており、それ以外の領域では電界がないものとする。電子の x 座標が $x=0$ から $x=a$ に達するまでにかかる時間は (1) である。領域 $0 \leq x \leq a$ では、電子は電界から力 $F =$ (2) を受けて y 方向に偏向

する。運動の第2法則から y 方向の運動方程式は $m \frac{dv_y}{dt} =$ (2) と表される。ただし、 v_y は速度の y 方向成分を表す。微分方程式を解くことにより、電子の x 座標が $x=a$ に到達したときの v_y は (3) となり、そのときの電子の y 座標は (4) となる。領域 $x > a$ では、電子の運動は x, y 方向共に等速度運動となることから、電子が $x=L (> a)$ に到達した際の y 座標を d とすると、 $d =$ (5) となる。



[問6の解答群]

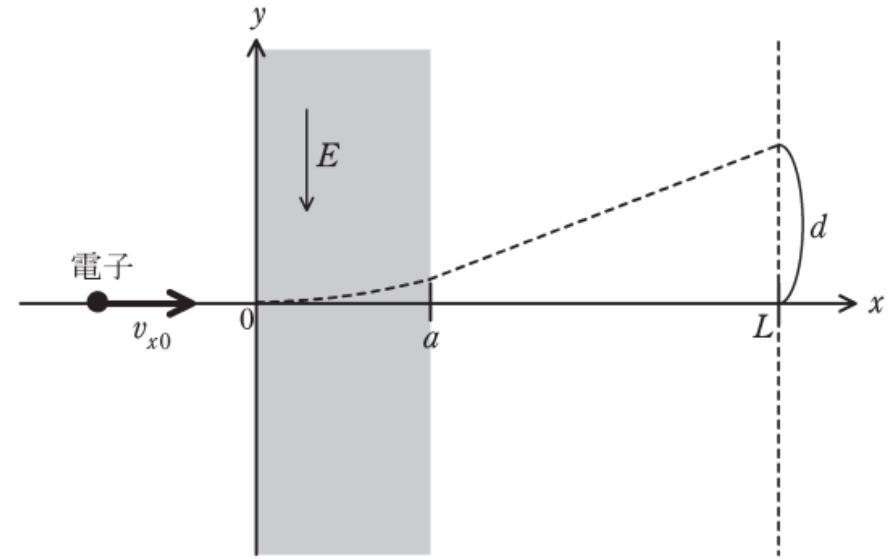
- | | | |
|--|---|---|
| (イ) $\frac{eE}{m} \left(\frac{a}{v_{x0}} \right)^2$ | (ロ) $\frac{eE}{2m} \frac{a(2L-a)}{v_{x0}^2}$ | (ハ) $\frac{eE}{m} \frac{a}{v_{x0}}$ |
| (ニ) $\frac{eE}{2m} \frac{a(L-a)}{v_{x0}^2}$ | (ホ) $\frac{m}{eE} \frac{L-a}{v_{x0}}$ | (ヘ) eE |
| (ト) $\frac{eE}{m} \frac{v_{x0}}{a}$ | (フ) $\frac{eE}{m}$ | (ロ) $\frac{a}{v_{x0}}$ |
| (ヌ) $\frac{L}{v_{x0}}$ | (ル) $\frac{eE}{2m} \left(\frac{a}{v_{x0}} \right)^2$ | (リ) $\frac{eE}{m} \frac{a(2L-a)}{v_{x0}^2}$ |
| (リ) aE | (レ) $\frac{L-a}{v_{x0}}$ | (ロ) $\frac{eE}{2m} \left(\frac{L}{v_{x0}} \right)^2$ |

R03 問6



問6 次の文章は、静電界による電子の運動に関する記述である。文中の に当てはまる最も適切なものを解答群の中から選べ。

図のように、真空中を電子(質量 m 、電荷量 $-e$ 、 $e > 0$)が x 軸上を $x < 0$ の領域から一定速度 v_{x0} (> 0) で運動している。領域 $0 \leq x \leq a$ には、図に示すように y 軸の負の方向に均一な電界 E (> 0) がかかっており、それ以外の領域では電界がないものとする。電子の x 座標が $x=0$ から $x=a$ に達するまでにかかる時間は (1) $\frac{a}{v_{x0}}$ である。領域 $0 \leq x \leq a$ では、電子は電界から力 $F = \text{ (2) } eE$ を受けて y 方向に偏向する。運動の第2法則から y 方向の運動方程式は $m \frac{dv_y}{dt} = \text{ (2) } eE$ と表される。ただし、 v_y は速度の y 方向成分を表す。微分方程式を解くことにより、電子の x 座標が $x=a$ に到達したときの v_y は (3) $\frac{eE a}{m v_{x0}}$ となり、そのときの電子の y 座標は (4) $\frac{eE}{2m} \left(\frac{a}{v_{x0}}\right)^2$ となる。領域 $x > a$ では、電子の運動は x, y 方向共に等速度運動となることから、電子が $x=L$ ($> a$) に到達した際の y 座標を d とすると、 $d = \text{ (5) }$ となる。



$x = a$ に達する時間 t_a

$$a = v_{x0} t_a \rightarrow t_a = \frac{a}{v_{x0}}$$

電子に加わるクーロン力 F より

$$F = eE \rightarrow m \frac{dv_y}{dt} = eE$$

$x = a$ に達したときの速度 v_y

$$v_y = \frac{eE}{m} t_a = \frac{eE}{m} \frac{a}{v_{x0}}$$

$x = a$ に達したときの y 方向の位置 y_0

$$y_0 = \frac{eE}{2m} t_a^2 = \frac{eE}{2m} \left(\frac{a}{v_{x0}}\right)^2$$

$$m \frac{dv_y}{dt} = eE \rightarrow \frac{dv_y}{dt} = \frac{eE}{m} \rightarrow \int \frac{dv_y}{dt} dt = \int \frac{eE}{m} dt \rightarrow v_y = \frac{eE}{m} t$$

$$v_y = \frac{dy}{dt} = \frac{eE}{m} t \rightarrow \int \frac{dy}{dt} dt = \int \frac{eE}{m} t dt \rightarrow y = \frac{eE}{2m} t^2$$

R03 問6



問6 次の文章は、静電界による電子の運動に関する記述である。文中の に当てはまる最も適切なものを解答群の中から選べ。

図のように、真空中を電子(質量 m 、電荷量 $-e$ 、 $e > 0$)が x 軸上を $x < 0$ の領域から一定速度 $v_{x0} (> 0)$ で運動している。領域 $0 \leq x \leq a$ には、図に示すように y 軸の負の方向に均一な電界 $E (> 0)$ がかかっており、それ以外の領域では電界がないものとする。電子の x 座標が $x=0$ から $x=a$ に達するまでにかかる時間は (1) $\frac{a}{v_{x0}}$ である。領域 $0 \leq x \leq a$ では、電子は電界から力 $F = \input type="text"/> (2) eE を受けて y 方向に偏向$

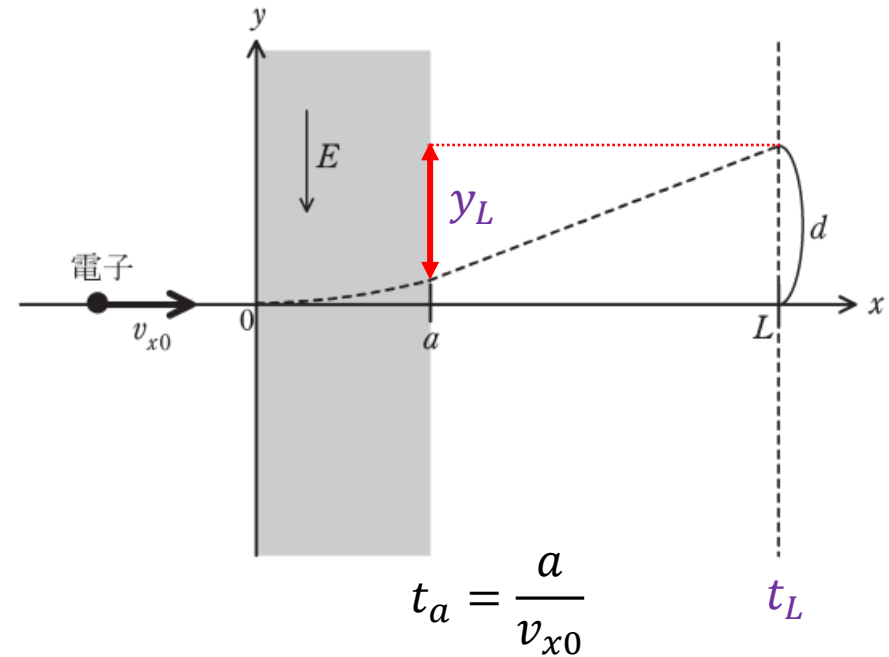
する。運動の第2法則から y 方向の運動方程式は $m \frac{dv_y}{dt} = \input type="text"/> (2) eE と表される。ただし、 v_y は速度の y 方向成分を表す。微分方程式を解くことにより、電子の x 座標が $x=a$ に到達したときの v_y は (3) $\frac{eE a}{m v_{x0}}$ となり、そのときの電子の y 座標は (4) $\frac{eE a^2}{2m v_{x0}^2}$ となる。領域 $x > a$ では、電子の運動は x, y 方向共に等速度運動となることから、電子が $x=L (> a)$ に到達した際の y 座標を d とすると、 $d = \input type="text"/> (5) $\frac{eE a(2L-a)}{2m v_{x0}^2}$ となる。$$

$x = a$ に達したときの速度 v_y

$$v_y = \frac{eE a}{m v_{x0}}$$

$x = a$ に達したときの y 方向の位置 y_0

$$y_0 = \frac{eE a^2}{2m v_{x0}^2}$$



$$t_L = \frac{L}{v_{x0}} \quad t_L - t_a = \frac{L}{v_{x0}} - \frac{a}{v_{x0}} = \frac{L-a}{v_{x0}}$$

$$y_L = v_y(t_L - t_a) = \frac{eE a}{m v_{x0}} \cdot \frac{L-a}{v_{x0}} = \frac{eE a(L-a)}{m v_{x0}^2}$$

$$d = y_L + y_0 = \frac{eE a(L-a)}{m v_{x0}^2} + \frac{eE a^2}{2m v_{x0}^2} = \frac{eE (2a(L-a) + a^2)}{2m v_{x0}^2} = \frac{eE a(2L-a)}{2m v_{x0}^2}$$

R03 問6



問6 次の文章は、静電界による電子の運動に関する記述である。文中の に当てはまる最も適切なものを解答群の中から選べ。

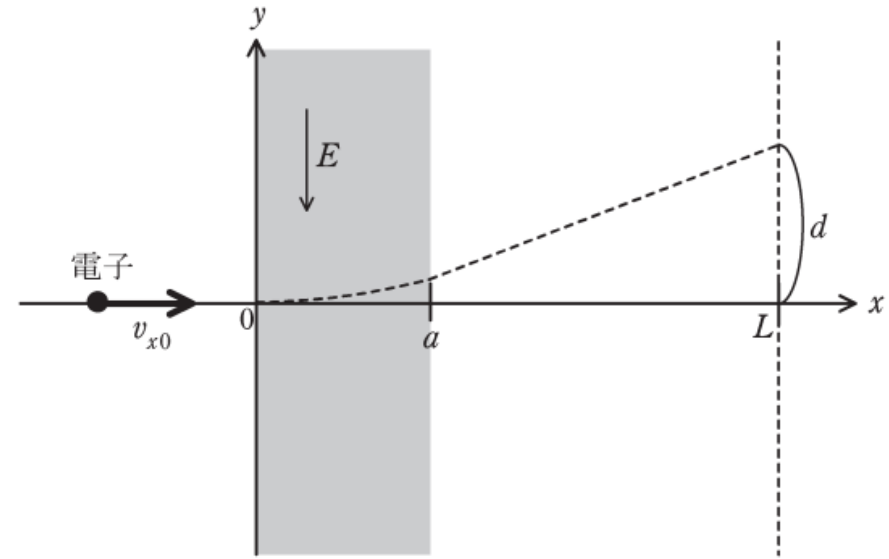
図のように、真空中を電子(質量 m 、電荷量 $-e$ 、 $e > 0$)が x 軸上を $x < 0$ の領域から一定速度 $v_{x0} (> 0)$ で運動している。領域 $0 \leq x \leq a$ には、図に示すように y 軸の負の方向に均一な電界 $E (> 0)$ がかかっており、それ以外の領域では電界がないものとする。電子の x 座標が $x=0$ から $x=a$ に達するまでにかかる時間は (1) $\frac{a}{v_{x0}}$ である。領域 $0 \leq x \leq a$ では、電子は電界から力 $F =$ (2) eE を受けて y 方向に偏向

する。運動の第2法則から y 方向の運動方程式は $m \frac{dv_y}{dt} =$ (2) eE と表される。た

だし、 v_y は速度の y 方向成分を表す。微分方程式を解くことにより、電子の x 座標が $x=a$ に到達したときの v_y は (3) $\frac{eE a}{m v_{x0}}$ となり、そのときの電子の y 座標は

(4) $\frac{eE a^2}{2m v_{x0}^2}$ となる。領域 $x > a$ では、電子の運動は x, y 方向共に等速度運動となること

ことから、電子が $x=L (> a)$ に到達した際の y 座標を d とすると、 $d =$ (5) $\frac{eE a(2L-a)}{2m v_{x0}^2}$ となる。



[問6の解答群]

- | | | |
|-------------------------------------|--|-------------------------------------|
| (イ) $\frac{eE a^2}{m v_{x0}^2}$ | (ロ) $\frac{eE a(2L-a)}{2m v_{x0}^2}$ (5) | (ハ) $\frac{eE a}{m v_{x0}}$ (3) |
| (ニ) $\frac{eE a(L-a)}{2m v_{x0}^2}$ | (ホ) $\frac{m L-a}{eE v_{x0}}$ | (ヘ) eE (2) |
| (ヒ) $\frac{eE v_{x0}}{m a}$ | (フ) $\frac{eE}{m}$ | (リ) $\frac{a}{v_{x0}}$ (1) |
| (ス) $\frac{L}{v_{x0}}$ | (ル) $\frac{eE a^2}{2m v_{x0}^2}$ (4) | (レ) $\frac{eE a(2L-a)}{m v_{x0}^2}$ |
| (ヲ) aE | (ロ) $\frac{L-a}{v_{x0}}$ | (ヲ) $\frac{eE a^2}{2m v_{x0}^2}$ |

R06 問6



問6 次の文章は、真空中における交流電界中の電子の運動に関する記述である。文中の に当てはまる最も適切なものを解答群の中から選べ。

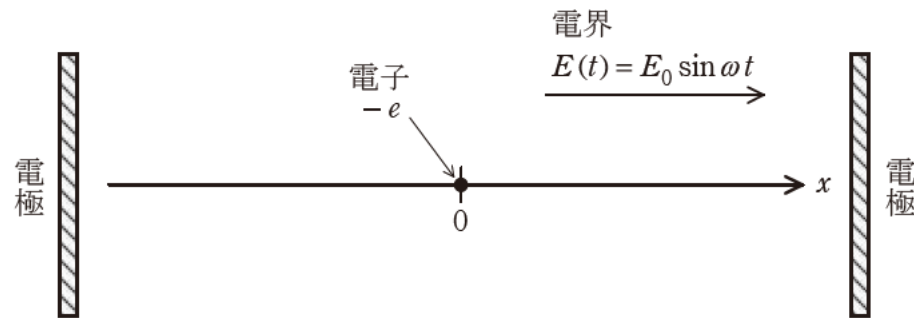
図のように x 軸を定め、原点から十分離れた平行平板電極が作る一様な交流電界 $E(t)$ を、振幅 $E_0 (>0)$ 、角周波数 ω として、 $E(t) = E_0 \sin \omega t$ とする。時刻 $t=0$ で原点 ($x=0$) に電子が一つ存在する状況を考える。なお、電子の質量を m 、電荷量を $-e (e > 0)$ とし、電子の速度は x 軸に沿った方向のみを考えるものとし、質量の変化が無視できる範囲とする。電子は電界から力 F を受けて運動する。 F の正の方向を x 軸の正の方向にとると、 $F = \text{ (1) } \times \sin \omega t$ と表される。電子の速度を v とし、 v の正の方向を x 軸の正の方向にとると、運動の第2法則より、次の微分方程式が得られる。

$$\frac{dv}{dt} = \text{ (2) } \times \sin \omega t$$

$t=0$ における電子の速度を $v_0 (>0)$ とすると、時刻 $t (>0)$ における電子の速度 $v(t)$ は、上の微分方程式を t で積分することにより、

$$v(t) = v_0 - \text{ (3) } (1 - \cos \omega t)$$

と表される。さらに、時刻 t における電子の位置 $x(t)$ は、 $x(t) = \text{ (4) }$ となる。このことから、電子が原点を中心に同じ区間を往復運動し続けるためには、角周波数が $\omega = \text{ (5) }$ でなければならないことがわかる。



[問6の解答群]

- | | |
|--|---|
| (イ) $-emE_0$ | (ロ) $-\frac{eE_0}{m}$ |
| (ハ) $-\frac{E_0}{em}$ | (ニ) $\frac{eE_0}{mv_0}$ |
| (ホ) $\frac{mE_0}{e\omega}$ | (ヘ) $-eE_0$ |
| (ト) $v_0 t + \frac{eE_0}{m\omega^2} \sin \omega t$ | (チ) $\left(v_0 - \frac{eE_0}{m\omega^2}\right)t + \frac{eE_0}{m\omega} \sin \omega t$ |
| (リ) $\frac{mE_0}{ev_0}$ | (ツ) $-mE_0$ |
| (ル) $-\frac{m}{eE_0}$ | (テ) $\frac{eE_0\omega}{m}$ |
| (リ) $\frac{eE_0}{m\omega}$ | (カ) $\left(v_0 - \frac{eE_0}{m\omega}\right)t + \frac{eE_0}{m\omega^2} \sin \omega t$ |
| (ヨ) $\frac{ev_0}{mE_0}$ | |

R06 問6



問6 次の文章は、真空中における交流電界中の電子の運動に関する記述である。文中の に当てはまる最も適切なものを解答群の中から選べ。

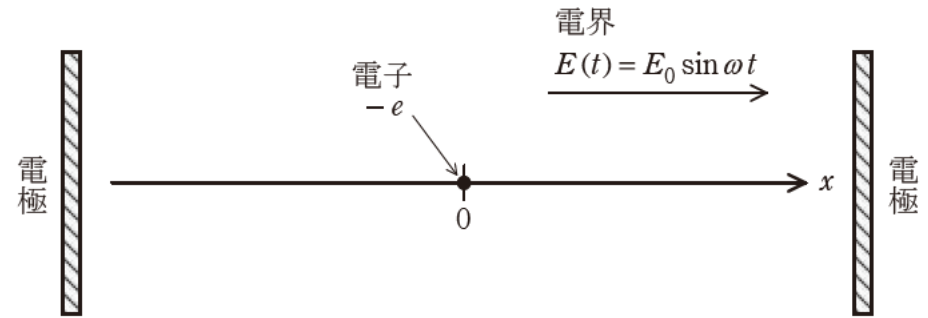
図のように x 軸を定め、原点から十分離れた平行平板電極が作る一様な交流電界 $E(t)$ を、振幅 $E_0 (>0)$ 、角周波数 ω として、 $E(t) = E_0 \sin \omega t$ とする。時刻 $t=0$ で原点 ($x=0$) に電子が一つ存在する状況を考える。なお、電子の質量を m 、電荷量を $-e (e > 0)$ とし、電子の速度は x 軸に沿った方向のみを考えるものとし、質量の変化が無視できる範囲とする。電子は電界から力 F を受けて運動する。 F の正の方向を x 軸の正の方向にとると、 $F = \text{ (1) } \times \sin \omega t$ と表される。電子の速度を v とし、 v の正の方向を x 軸の正の方向にとると、運動の第2法則より、次の微分方程式が得られる。

$$\frac{dv}{dt} = \text{ (2) } \times \sin \omega t$$

$t=0$ における電子の速度を $v_0 (>0)$ とすると、時刻 $t (>0)$ における電子の速度 $v(t)$ は、上の微分方程式を t で積分することにより、

$$v(t) = v_0 - \text{ (3) } (1 - \cos \omega t)$$

と表される。さらに、時刻 t における電子の位置 $x(t)$ は、 $x(t) = \text{ (4) }$ となる。このことから、電子が原点を中心に同じ区間を往復運動し続けるためには、角周波数が $\omega = \text{ (5) }$ でなければならないことがわかる。



クーロン力は電荷×電界なので $F = -eE_0 \sin \omega t$

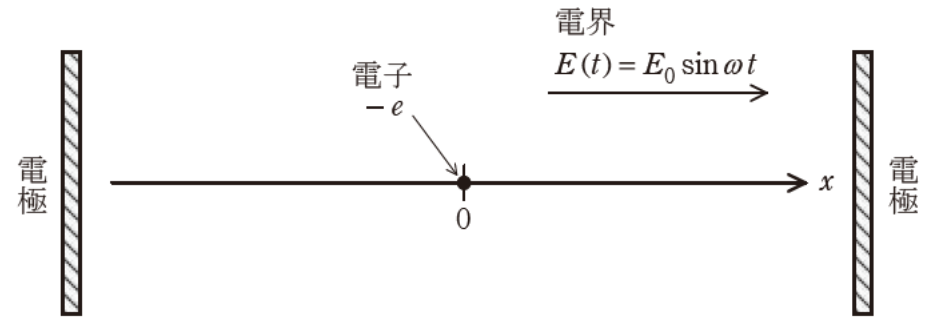
運動方程式より $F = m \frac{dv}{dt} \rightarrow \frac{dv}{dt} = -\frac{eE_0}{m} \sin \omega t$

$$\begin{aligned} v(t) &= \int_0^t \frac{dv}{dt} dt = \int_0^t \left(-\frac{eE_0}{m} \sin \omega t \right) dt \\ &= \left[\frac{eE_0}{m\omega} \cos \omega t \right]_0^t + C = \frac{eE_0}{m\omega} \cos \omega t - \frac{eE_0}{m\omega} + C \end{aligned}$$

初期条件 $v(0) = v_0$ より $v_0 = \frac{eE_0}{m\omega} - \frac{eE_0}{m\omega} + C \rightarrow C = v_0$

$$v(t) = v_0 - \frac{eE_0}{m\omega} (1 - \cos \omega t)$$

R06 問6



問6 次の文章は、真空中における交流電界中の電子の運動に関する記述である。文中の に当てはまる最も適切なものを解答群の中から選べ。

図のように x 軸を定め、原点から十分離れた平行平板電極が作る一様な交流電界 $E(t)$ を、振幅 $E_0 (>0)$ 、角周波数 ω として、 $E(t) = E_0 \sin \omega t$ とする。時刻 $t=0$ で原点 ($x=0$) に電子が一つ存在する状況を考える。なお、電子の質量を m 、電荷量を $-e (e > 0)$ とし、電子の速度は x 軸に沿った方向のみを考えるものとし、質量の変化が無視できる範囲とする。電子は電界から力 F を受けて運動する。 F の正の方向を x 軸の正の方向にとると、 $F = \text{ (1) } \times \sin \omega t$ と表される。電子の速度を v とし、 v の正の方向を x 軸の正の方向にとると、運動の第2法則より、次の微分方程式が得られる。

$$\frac{dv}{dt} = \text{ (2) } \times \sin \omega t$$

$t=0$ における電子の速度を $v_0 (>0)$ とすると、時刻 $t (>0)$ における電子の速度 $v(t)$ は、上の微分方程式を t で積分することにより、

$$v(t) = v_0 - \text{ (3) } (1 - \cos \omega t)$$

と表される。さらに、時刻 t における電子の位置 $x(t)$ は、 $x(t) = \text{ (4) }$ となる。

このことから、電子が原点を中心に同じ区間を往復運動し続けるためには、 $\left(v_0 - \frac{eE_0}{m\omega} \right) t + \frac{eE_0}{m\omega^2} \sin \omega t$ の係数が $\omega = \text{ (5) } \frac{eE_0}{mv_0}$ なければならないことがわかる。

$$v(t) = v_0 - \frac{eE_0}{m\omega} (1 - \cos \omega t)$$

$$\begin{aligned} x(t) &= \int_0^t \frac{dx}{dt} dt = \int_0^t v dt = \int_0^t v_0 - \frac{eE_0}{m\omega} (1 - \cos \omega t) dt \\ &= \left[v_0 t - \frac{eE_0}{m\omega} t + \frac{eE_0}{m\omega^2} \sin \omega t \right]_0^t + C \\ &= v_0 t - \frac{eE_0}{m\omega} t + \frac{eE_0}{m\omega^2} \sin \omega t + C \end{aligned}$$

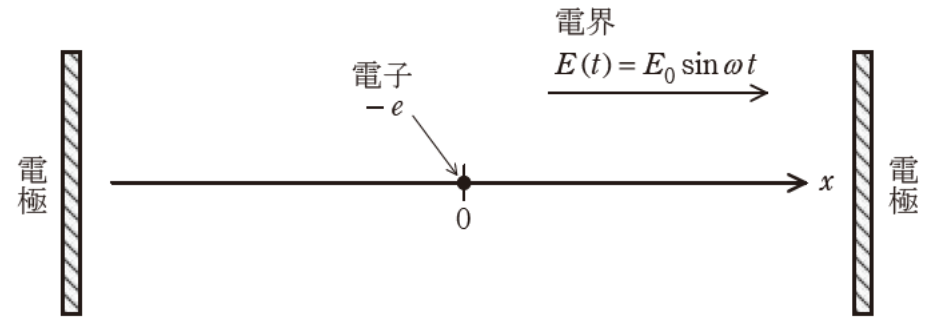
初期条件 $x(0) = 0$ より $x(0) = C = 0$

$$x(t) = \left(v_0 - \frac{eE_0}{m\omega} \right) t + \frac{eE_0}{m\omega^2} \sin \omega t$$

この部分が0であれば、電子は単振動する

$$v_0 - \frac{eE_0}{m\omega} = 0 \rightarrow \omega = \frac{eE_0}{mv_0}$$

R06 問6



問6 次の文章は、真空中における交流電界中の電子の運動に関する記述である。文中の に当てはまる最も適切なものを解答群の中から選べ。

図のように x 軸を定め、原点から十分離れた平行平板電極が作る一様な交流電界 $E(t)$ を、振幅 $E_0 (>0)$ 、角周波数 ω として、 $E(t) = E_0 \sin \omega t$ とする。時刻 $t=0$ で原点 ($x=0$) に電子が一つ存在する状況を考える。なお、電子の質量を m 、電荷量を $-e (e > 0)$ とし、電子の速度は x 軸に沿った方向のみを考えるものとし、質量の変化が無視できる範囲とする。電子は電界から力 F を受けて運動する。 F の正の方向を x 軸の正の方向にとると、 $F = \text{ (1) } \times \sin \omega t$ と表される。電子の速度を v とし、 v の正の方向を x 軸の正の方向にとると、運動の第2法則より、次の微分方程式が得られる。

$$\frac{dv}{dt} = \text{ (2) } \times \sin \omega t$$

$t=0$ における電子の速度を $v_0 (>0)$ とすると、時刻 $t (>0)$ における電子の速度 $v(t)$

は、上の微分方程式を t で積分することにより、

$$v(t) = v_0 - \text{ (3) } (1 - \cos \omega t)$$

と表される。さらに、時刻 t における電子の位置 $x(t)$ は、 $x(t) = \text{ (4) }$ となる。

このことから、電子が原点を中心に同じ区間を往復運動し続けるためには、 $v_0 - \frac{eE_0}{m\omega} > 0$ となる必要がある。この条件が満たされるためには、 $v_0 > \frac{eE_0}{m\omega}$ である必要がある。したがって、 $v_0 > \frac{eE_0}{m\omega}$ であることがわかる。したがって、 $v_0 > \frac{eE_0}{m\omega}$ であることがわかる。

[問6の解答群]

- | | |
|--|---|
| (イ) $-emE_0$ | (ロ) $-\frac{eE_0}{m}$ (2) |
| (ハ) $-\frac{E_0}{em}$ | (ニ) $\frac{eE_0}{mv_0}$ (5) |
| (ホ) $\frac{mE_0}{e\omega}$ | (ヘ) $-eE_0$ (1) |
| (ト) $v_0 t + \frac{eE_0}{m\omega^2} \sin \omega t$ | (チ) $\left(v_0 - \frac{eE_0}{m\omega^2}\right)t + \frac{eE_0}{m\omega} \sin \omega t$ |
| (リ) $\frac{mE_0}{ev_0}$ | (ツ) $-mE_0$ |
| (ル) $-\frac{m}{eE_0}$ | (テ) $\frac{eE_0\omega}{m}$ |
| (リ) $\frac{eE_0}{m\omega}$ (3) | (ト) $\left(v_0 - \frac{eE_0}{m\omega}\right)t + \frac{eE_0}{m\omega^2} \sin \omega t$ (4) |
| (ロ) $\frac{ev_0}{mE_0}$ | |

ご聴講ありがとうございました!!